



Асимптотичні методи в теорії диференціальних рівнянь

Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	Перший (бакалаврський)
Галузь знань	11 Математика та статистика
Спеціальність	111 Математика
Освітня програма	Страхова та фінансова математика
Статус дисципліни	Вибіркова
Форма навчання	Очна (денна)/дистанційна
Рік підготовки, семестр	4 курс, весняний семестр
Обсяг дисципліни	120 годин/4 кредити (30 годин – Лекції, 30 години – Практичні, 60 годин – СРС)
Семестровий контроль/ контрольні заходи	Залік/модульна контрольна робота, розрахункова робота
Розклад занять	http://rozklad.kpi.ua/Schedules/ScheduleGroupSelection.aspx
Мова викладання	Українська
Інформація про керівника курсу / викладачів	Лектор: докт. фіз.-мат. наук, доцент, Самусенко Петро Федорович psamusenko@ukr.net Практичні / Семінарські: докт. фіз.-мат. наук, доцент, Самусенко Петро Федорович psamusenko@ukr.net
Розміщення курсу	https://campus.kpi.ua

Програма навчальної дисципліни

1. Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Цілі дисципліни	Метою навчальної дисципліни є: оволодіння теоретичним апаратом та спеціальними методами асимптотичного аналізу диференціальних рівнянь та їх систем; формування вмінь побудови і дослідження математичних моделей, які описуються за допомогою диференціальних рівнянь; формування здатності розв'язувати складні теоретичні та прикладні задачі майбутньої професійної діяльності.
Предмет навчальної дисципліни	Регулярно та сингулярно збудовані диференціальні рівняння та їх системи. Методи асимптотичного аналізу диференціальних рівнянь.
Компетентності	Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу (ЗК1). Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях (ЗК2). Знання й розуміння предметної області та професійної діяльності (ЗК3). Здатність учитися і оволодівати сучасними знаннями (ЗК7). Здатність приймати обґрунтовані рішення (ЗК9). Здатність формулювати проблеми математично та в символічній формі з метою спрощення їхнього аналізу й розв'язання (ФК1). Здатність подавати математичні міркування та висновки з них у формі, придатній для цільової аудиторії, а також аналізувати та обговорювати математичні міркування інших осіб, залучених до розв'язання тієї самої задачі (ФК2). Здатність здійснювати міркування та виокремлювати ланцюжки міркувань у математичних доведеннях на базі аксіоматичного підходу, а також розташовувати їх у логічну послідовність, у тому числі відрізняти основні ідеї від деталей і технічних викладок (ФК3). Здатність розробляти і досліджувати математичні моделі явищ, процесів та систем (ФК6). Здатність застосовувати чисельні методи для дослідження математичних моделей (ФК7). Здатність використовувати обчислювальні інструменти для чисельних і символічних розрахунків (ФК10). Здатність застосовувати математичні методи до прогнозування економічних та соціальних процесів у сфері управління на підприємствах, в фінансових установах, в навчальних закладах тощо (ФК15).
Програмні результати навчання	Розуміти фундаментальну математику на рівні, необхідному для досягнення інших вимог освітньої програми (РН4). Мати навички використання спеціалізованих програмних засобів комп'ютерної та прикладної математики і використовувати інтернет-ресурси (РН5). Знати методи математичного моделювання природничих та/або соціальних процесів (РН6). Пояснювати математичні концепції мовою, зрозумілою для не фахівців у галузі математики (РН7). Уміти працювати зі спеціальною літературою іноземною мовою (РН9). Розв'язувати задачі придатними математичними методами, перевіряти умови виконання математичних тверджень, коректно переносити умови та твердження на нові класи об'єктів,

	знаходити й аналізувати відповідності між поставленою задачею й відомими моделями (PH10). Розв'язувати конкретні математичні задачі, які сформульовано у формалізованому вигляді; здійснювати базові перетворення математичних моделей (PH11). Відшуковувати потрібну науково-технічну інформацію у науковій літературі, базах даних та інших джерелах інформації (PH12). Знати міждисциплінарні зв'язки між математичною та іншими природничими та соціальними науками; основи міжнародного співробітництва в галузі науки та освіти; математичної мови як універсального способу для моделювання природничих, технічних та соціальних процесів (PH23).
--	--

2. Пререквізити та постреквізити дисципліни (місце в структурно-логічній схемі навчання за відповідною освітньою програмою)

Пререквізити: Вибіркова дисципліна «Асимптотичні методи в теорії диференціальних рівнянь» викладається у восьмому семестрі (4 курс) підготовки бакалаврів і базується на знаннях, отриманих при вивченні дисциплін «Математичний аналіз» (ПО1, ПО2), «Лінійна алгебра» (ПО3), «Диференціальні рівняння» (ПО8), «Дослідження операцій та сучасні наближені методи обчислень» (ПО19).

Постреквізити: Дисципліна «Асимптотичні методи в теорії диференціальних рівнянь» викладається в останньому семестрі бакалаврського рівня вищої освіти і передусє комплексному атестаційному екзамєну.

3. Зміст навчальної дисципліни

Назва розділів і тем	Кількість годин			
	Всього	у тому числі		
		Лекції	Практичні	СРС
1	2	3	4	5
Розділ 1. Деякі відомості з теорії матриць				
Тема 1.1. Матриці. Дії на матрицях. Власні значення та власні вектори матриці.	2	2		
Тема 1.2. Характеристичний та мінімальний многочлен матриці. Матричні функції.	8	2	2	4
Тема 1.3. Теорія елементарних дільників.	8	2	2	4
Тема 1.4. Матричні рівняння.	8	2	2	4
Тема 1.5. В'язка матриць. Регулярні та сингулярні в'язки матриць. Кронекерова форма в'язки матриць.	8	2	2	4
Розділ 2. Асимптотичне інтегрування систем диференціальних рівнянь				
Тема 2.1. Системи лінійних диференціальних рівнянь.	4	2	2	
Тема 2.2. Лінійні системи з ізольованими особливостями. Регулярно особливі точки.	8	2	2	4
Тема 2.3. Лінійні системи з ізольованими особливостями. Іррегулярно особливі точки.	8	2	2	4
Тема 2.4. Класична теорія збурень. Регулярно та сингулярно збурені задачі.	8	2	2	4

Тема 2.5. Асимптотичне інтегрування сингулярно збурених систем диференціальних рівнянь.	16	4	4	8
Тема 2.6. Задачі з нестабільним спектром.	4	2	2	
Тема 2.7. Диференціально-алгебраїчні системи рівнянь.	16	4	6	6
Розрахункова робота	8			8
Модульна контрольна робота	6		2	4
Залік	8	2		6
Всього годин	120	30	30	60

4. Навчальні матеріали та ресурси

Базова література

1. А.М. Самойленко, М.І. Шкіль, В.П. Яковець. Лінійні системи диференціальних рівнянь з виродженнями. К.: Вища школа, 2000.
2. М.І. Шкіль. Асимптотичні методи в диференціальних рівняннях. К.: Вища школа, 1971.
3. W. Wasow. Asymptotic expansions for ordinary differential equations. New York: Courier Dover Publications, 2018.
4. J. K. Hale. Ordinary Differential Equations, New York: Courier Dover Publications, 2009.
5. A. H. Nayfeh. Perturbation methods. John Wiley & Sons, 2008.

Додаткова література

6. A.B. Vasileva, V. F. Butuzov, L. V. Kalachev. The Boundary Function Method for Singular Perturbation Problems. Philadelphia: SIAM, 1995.
7. F. R. Gantmacher, The Theory of Matrices, Chelsea, 1959.
8. М.І. Шкіль, В.М. Лейфура, П.Ф. Самусенко. Диференціальні рівняння. К.: Техніка, 2003.
9. S. L. Campbell, Singular Systems of Differential Equations, Pitman, 1980.
10. S. L. Campbell, Singular Systems of Differential Equations II, Pitman, 1982.
11. A. H. Nayfeh. Introduction to perturbation techniques. John Wiley & Sons, 2011.
12. П.Ф. Самусенко. Асимптотичне інтегрування сингулярно збурених систем диференціально-функціональних рівнянь з виродженнями. К.: НПУ імені М.П. Драгоманова, 2011.

Інформаційні ресурси

13. П.Ф. Самусенко. Асимптотичне інтегрування сингулярно збурених диференціально-алгебраїчних систем рівнянь <https://campus.kpi.ua>

Навчальний контент

5. Методика опанування навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Очна/дистанційна форма

Лекційні заняття

№ з/п	Назва теми лекції та перелік основних питань (перелік дидактичних засобів, посилання на літературу та завдання на СРС)
1	Матриці. Дії на матрицях. Власні значення та власні вектори матриці. <i>Рекомендована література:</i> [1, 2, 7, 8].
2	Характеристичний та мінімальний многочлен матриці. Матричні функції. <i>Рекомендована література:</i> [3, 7, 8].
3	Теорія елементарних дільників. <i>Рекомендована література:</i> [1, 2, 7, 8].
4	Матричні рівняння. <i>Рекомендована література:</i> [3, 7, 8].

5	В'язка матриць. Регулярні та сингулярні в'язки матриць. Кронекерова форма в'язки матриць. <i>Рекомендована література:</i> [1, 7].
6	Системи лінійних диференціальних рівнянь. Системи лінійних диференціальних рівнянь зі сталими коефіцієнтами. <i>Рекомендована література:</i> [8].
7	Лінійні системи з ізольованими особливостями. Регулярно особливі точки. <i>Рекомендована література:</i> [5].
8	Лінійні системи з ізольованими особливостями. Іррегулярно особливі точки. <i>Рекомендована література:</i> [3, 5].
9	Класична теорія збурень. Регулярно та сингулярно збурені задачі. <i>Рекомендована література:</i> [4, 5, 11].
10, 11	Асимптотичне інтегрування сингулярно збурених систем диференціальних рівнянь. Випадок сталого спектру. Теореми про асимптотичне розщеплення. <i>Рекомендована література:</i> [2, 3 - 6, 11].
12	Задачі з нестабільним спектром. <i>Рекомендована література:</i> [3, 6, 11, 12].
13, 14	Диференціально-алгебраїчні системи рівнянь. Властивості розв'язків ДАС. Сингулярно збурені ДАС. <i>Рекомендована література:</i> [1, 9-12].
15	Залік.

Практичні заняття

№ з/п	Назва теми заняття та перелік основних питань (перелік дидактичного забезпечення, посилання на літературу та завдання на СРС)
1	Характеристичний та мінімальний многочлен матриці. Матричні функції. <i>Завдання на СРС:</i> [3, 7, 8].
2	Теорія елементарних дільників. <i>Завдання на СРС:</i> [3, 7, 8].
3	Матричні рівняння. <i>Завдання для СРС:</i> [3, 7].
4	В'язка матриць. Регулярні та сингулярні в'язки матриць. Кронекерова форма в'язки матриць. <i>Завдання для СРС:</i> [1, 7].
5	Системи лінійних диференціальних рівнянь. Системи лінійних диференціальних рівнянь зі сталими коефіцієнтами. <i>Завдання для СРС:</i> [3, 8].
6	Лінійні системи з ізольованими особливостями. Регулярно особливі точки. <i>Завдання для СРС:</i> [3, 5, 11].
7	Лінійні системи з ізольованими особливостями. Іррегулярно особливі точки. <i>Завдання для СРС:</i> [3, 5, 11].
8	Класична теорія збурень. Регулярно та сингулярно збурені задачі. <i>Завдання для СРС:</i> [3, 5, 11].
9, 10	Асимптотичне інтегрування сингулярно збурених систем диференціальних рівнянь. Випадок сталого спектру. Теореми про асимптотичне розщеплення. <i>Завдання для СРС:</i> [1, 2, 3-6, 11].
11	Задачі з нестабільним спектром. <i>Завдання для СРС:</i> [6, 11].
12- 14	Диференціально-алгебраїчні системи рівнянь. Властивості розв'язків ДАС. Сингулярно збурені ДАС. <i>Завдання для СРС:</i> [1, 9, 10, 12].
15	Модульна контрольна робота.

6. Самостійна робота студента/аспіранта

Вивчення дисципліни включає наступні види самостійної роботи:

- підготовка до лекційних та практичних занять, виконання домашніх завдань;
- виконання розрахунково-графічної роботи;
- підготовка та виконання модульної контрольної роботи;
- підготовка до заліку.

Політика та контроль

7. Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

Рекомендовані методи навчання: вивчення основної та допоміжної літератури за тематикою лекцій, розв'язування задач на практичних заняттях та при виконанні домашніх робіт.

Студенту рекомендується вести докладний конспект лекцій. Важливим аспектом якісного засвоєння матеріалу, відпрацювання методів та алгоритмів розв'язання основних завдань дисципліни є самостійна робота. Її складовими частинами є опрацювання відповідних літературних джерел, підготовка до занять, виконання розрахунково-графічної роботи, підготовка до МКР та заліку.

Академічна доброчесність

Політика та принципи академічної доброчесності визначені у розділі 3 Кодексу честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського». Детальніше: <https://kpi.ua/code>

Норми етичної поведінки

Норми етичної поведінки студентів і працівників визначені у розділі 2 Кодексу честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського». Детальніше: <https://kpi.ua/code>

8. Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (PCO) (очна\дистанційна форма)

Розподіл навчального часу за видами занять і завдань з дисципліни згідно з робочим навчальним планом.

Семестр	Навч. час		Розподіл навчальних годин			Контрольні заходи		
	Кредити	Акад. год.	Лекції	Практичні	СРС	МКР	РГР	Семестр. атест.
1	4	120	30	30	60	1	1	залік

На першому занятті здобувачі ознайомлюються із рейтинговою системою оцінювання (PCO) дисципліни, яка побудована на основі Положення про систему оцінювання результатів навчання https://document.kpi.ua/files/2020_1-273.pdf.

Поточний контроль: фронтальний (усний, письмовий), МКР, РГР.

Календарний контроль: проводиться двічі на семестр як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу, результати якого відображаються в системі Електронний кампус <https://campus.kpi.ua>.

Рейтингова система оцінювання містить такі види тестування: МКР, РГР. Кожен студент отримує свій підсумковий рейтинг з дисципліни.

Рейтинг студента з кредитного модуля розраховується виходячи із 100-бальної шкали складається з балів, які він отримує за:

- написання модульної контрольної роботи;
- виконання розрахунково-графічної роботи (РГР).

Модульна контрольна робота

Модульна контрольна робота складається з двох частин:

МКР-1 «Лінійні системи диференціальних рівнянь зі сталими коефіцієнтами» - ваговий бал 30

МКР-2 «Асимптотичне інтегрування систем диференціальних рівнянь» - ваговий бал 30

Максимальний бал 30+30=60.

Розрахунково-графічна робота

Розрахунково-графічна робота виконується і захищається частинами, що за змістом відповідають модульній контрольній роботі. Кожна частина РГР здається в терміни, встановлені викладачем. Робота оцінюється у процентному відношенні правильно розв'язаних завдань.

Ваговий бал 40.

Штрафні та заохочувальні бали

- несвоєчасне (пізніше ніж на тиждень) подання відповідної частини РГР -5 бал (не застосовується при дистанційній формі навчання);

заохочувальні бали

- за належну підготовку до практичних занять і активну роботу на них;

- за призові місця на факультетських та університетських олімпіадах з вищої математики.

Максимальна кількість штрафних (заохочувальних) балів не перевищує 10% (5 балів).

Форма семестрового контролю – залік

Якщо виконано усі передбачені види робіт, то залік виставляється «автоматом» згідно рейтингу здобувача, з переведенням в оцінку за університетською шкалою. В разі недостатньої кількості балів або з метою підвищення рейтингу, дозволяється написання залікової роботи, за результатами якої здобувач отримує остаточний рейтинговий бал.

Умови позитивної оцінки календарного контролю

Для отримання “зараховано” з першої (8 тиждень) та другої проміжної атестації (14 тиждень) студент повинен мати не менше ніж 50% можливих балів на момент проведення календарного контролю.

Перескладання позитивної підсумкової семестрової атестації з метою її підвищення не допускається.

Розрахунок шкали рейтингу (R):

Сума вагових балів контрольних заходів протягом семестру складає:

$$R = 30 + 30 + 40 = 100 \text{ балів.}$$

Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:

Кількість балів	Оцінка
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно

9. Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компоненту)

У випадку дистанційної форми навчання організація освітнього процесу здійснюється з застосуванням електронної пошти, Telegram, відео-конференцій в Zoom

Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):

Складено:

Професор кафедри МАтаТІ, докт. фіз.-мат. наук, доцент Самусенко П.Ф.

Ухвалено кафедрою МАтаТІ (протокол № 16 від 08.07.2022 р.)

Погоджено Методичною комісією ФМФ (протокол № 8 від 11.07.2022 р.)